


Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

**УТВЕРЖДЕНО**  
решением Ученого совета факультета математики,  
информационных и авиационных технологий  
от «16» мая 2023 г., протокол № 4/23

Председатель / М.А. Волков  
«16» мая 2023 г.



## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина	Имитационное моделирование
Факультет	Математики, информационных и авиационных технологий
Кафедра	Кафедра телекоммуникационных технологий и сетей
Курс	3

Направление (специальность): 09.03.02 «Информационные системы и технологии»  
*код направления (специальности), полное наименование*

Направленность (профиль/специализация): «Разработка информационных систем»  
*полное наименование*

Форма обучения: очная, заочная  
*очная, заочная, очно-заочная (указать только те, которые реализуются)*

Дата введения в учебный процесс УлГУ: «01» сентября 2023 г.

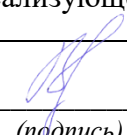
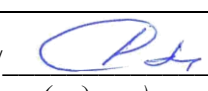
Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № 1 от 09 2024 г.


Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № \_\_\_\_\_ от \_\_\_\_\_ 20 \_\_\_\_ г.

Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № \_\_\_\_\_ от \_\_\_\_\_ 20 \_\_\_\_ г.

Сведения о разработчиках:

ФИО	Кафедра	Должность, ученая степень, звание
Цыганова Юлия Владимировна	ИТ	профессор, д.ф.-м.н, доцент

СОГЛАСОВАНО	СОГЛАСОВАНО
Заведующий кафедрой, реализующей дисциплину	Заведующий выпускающей кафедрой
/  / (подпись) / <u>Волков М.А.</u> / (Ф.И.О.)	/  / (подпись) / <u>Смагин А.А.</u> / (Ф.И.О.)
«16» мая 2023 г.	«16» мая 2023 г.

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Имитационное моделирование» знакомит студентов с фундаментальными методами компьютерного моделирования и непосредственно связана с основными математическими дисциплинами. Предметом изучения являются методы и принципы построения математических и компьютерных моделей. Дисциплина закладывает фундаментальные знания, необходимые для изучения всех основных курсов, посвященных математическому и имитационному компьютерному моделированию реальных объектов и процессов.

### Цели освоения дисциплины:

- изучение основных понятий и методов построения и исследования математических моделей, систем и языков моделирования.

### Задачи освоения дисциплины:

- выработка у студентов навыков использования систем имитационного моделирования;
- обоснованного выбора методов и средств компьютерного имитационного моделирования;
- понимания процессов компьютерного имитационного моделирования;
- освоения методов построения математических и компьютерных имитационных моделей.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина относится к базовой части цикла Б1 (Б1.В.1.10) образовательной программы и читается в 5-м семестре студентам специальности «Информационные системы и технологии» очной формы обучения и в 4-м семестре студентам специальности «Информационные системы и технологии» заочной формы обучения.


Данная дисциплина базируется на входных знаниях, умениях, навыках и компетенциях студента, полученных им при изучении предшествующих учебных дисциплин, указанных в Приложении к данной рабочей программе (в фондах оценочных средств – далее ФОС, пункт 1).

Результаты освоения дисциплины будут необходимы для дальнейшего процесса обучения в рамках поэтапного формирования компетенций при изучении последующих дисциплин (указаны в ФОС, пункт 1), а также для прохождения всех видов практик и государственной итоговой аттестации.

## 3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ), СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Процесс изучения дисциплины «Имитационное моделирование» направлен на формирование следующих компетенций.

Код и наименование реализуемой компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций
ПК-2 – Способен проводить моделирование процессов и систем и обосновывать правильность выбранной модели	Знать: методы моделирования процессов и систем и проверки адекватности выбранной модели. Уметь: проводить моделирование процессов и систем и обосновывать

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

	<p>вать правильность выбранной модели. Владеть: навыками моделирования процессов и систем и проверки адекватности выбранной модели.</p>
--	---

#### 4. ОБЩАЯ ТРУДОЕМКОСТЬ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины в зачетных единицах (всего): 3.


4.2. Объем дисциплины по видам учебной работы:

Форма обучения очная

Вид учебной работы	Количество часов (форма обучения очная)	
	Всего по плану	В т.ч. по семестрам
		5
1	2	3
Контактная работа обучающихся с преподавателем в соответствии с УП	54	54
Аудиторные занятия:	54	54
Лекции	18	18
Семинары и практические занятия	18	18
Лабораторные работы, практикумы	18	18
Самостоятельная работа	54	54
Форма текущего контроля знаний и контроля самостоятельной работы: тестирование, контр. работа, коллоквиум, реферат и др. (не менее 2 видов)	Лабораторные работы, проверка решения задач	
Курсовая работа	-	-
Виды промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	зачёт	зачёт
Всего часов по дисциплине	108	108

Форма обучения заочная

Вид учебной работы	Количество часов (форма обучения заочная)	
	Всего по плану	В т.ч. по сессиям
		7

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		


1	2	3
Контактная работа обучающихся с преподавателем в соответствии с УП	18	18
Аудиторные занятия:	18	18
Лекции	6	6
Семинары и практические занятия	6	6
Лабораторные работы, практикумы	6	6
Самостоятельная работа	86	86
Форма текущего контроля знаний и контроля самостоятельной работы: тестирование, контр. работа, коллоквиум, реферат и др. (не менее 2 видов)	Лабораторные работы, проверка решения задач	
Курсовая работа	-	-
Виды промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	зачёт	зачёт (4)
Всего часов по дисциплине	108	108

*В случае необходимости использования в учебном процессе частично/исключительно дистанционных образовательных технологий в таблице через слеш указывается количество часов работы ППС с обучающимися при проведении занятий в дистанционном формате с применением электронного обучения.*


#### 4.3. Содержание дисциплины. Распределение часов по темам и видам учебной работы:

Форма обучения \_\_\_\_\_ очная \_\_\_\_\_

Название разделов и тем	Всего	Виды учебных занятий					Форма текущего контроля знаний
		Аудиторные занятия			Занятия в интерактивной форме	Самостоятельная работа	
		Лекции	Практические занятия, семинары	Лабораторные работы, практикумы			
1	2	3	4	5	6	7	
<b>Раздел 1. Математическое и компьютерное моделирование физико-технических процессов и систем</b>							
1. Модели объектов, процессов и явлений	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашнее задание
2. Классификация моделей	6	1	1	1		3	Лабораторная работа. Домашнее зада-

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		


							ние
3. Понятие моделирования	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашнее задание
4. Цели моделирования	6	1	1	1		3	Лабораторная работа. Домашнее задание
5. Этапы моделирования	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашнее задание
6. Задачи моделирования	6	1	1	1		3	Лабораторная работа. Домашнее задание
7. Структура моделей	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашнее задание
8. Методы конструирования моделей	6	1	1	1		3	Лабораторная работа. Домашнее задание
9. Имитационное моделирование	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашнее задание
10. Компьютерное моделирование	6	1	1	1		3	Лабораторная работа. Домашние задания
11. Статистическое моделирование	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашние задания
<b>Раздел 2. Математические и компьютерные модели линейных динамических систем</b>							
12. Преобразование Лапласа	6	1	1	1		3	Лабораторная работа. Домашние задания
13. Понятие линейной динамической системы	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашние задания
14. Основные свойства линейной динамической системы	6	1	1	1		3	Лабораторная работа. Домашние задания

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		


15. Понятие передаточной функции	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашние задания
16. Характеристики линейных динамических систем	6	1	1	1		3	Лабораторная работа. Домашние задания
17. Модели в пространстве состояний	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашние задания
18. Обобщенный анализ управляемости и наблюдаемости моделей	6	1	1	1	1	3	Лабораторная работа. Домашние задания
зачет	-						
Итого	108	18	18	18	10	54	

Форма обучения заочная

Название разделов и тем	Всего	Виды учебных занятий					Форма текущего контроля знаний
		Аудиторные занятия			Занятия в интерактивной форме	Самостоятельная работа	
		Лекции	Практические занятия, семинары	Лабораторные работы, практикумы			
1	2	3	4	5	6	7	
<b>Раздел 1. Математическое и компьютерное моделирование физико-технических и информационных процессов и систем</b>							
1. Модели объектов, процессов и явлений	8	1	1	1	-	4	Лабораторная работа. Домашнее задание
2. Классификация моделей	7	1	1	1	-	4	Лабораторная работа. Домашнее задание
3. Понятие моделирования	7	-	-	-	-	4	Лабораторная работа. Домашнее задание
4. Цели моделирования	4	-	-	-	-	4	Лабораторная работа. Домашнее задание
5. Этапы моделирования	7	-	-	-	-	4	Лабораторная работа. Домашнее задание

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

							ние
6. Задачи моделирования	7	-	-	-	-	4	Лабораторная работа. Домашнее задание
7. Структура моделей	7	-	-	-	-	4	Лабораторная работа. Домашнее задание
8. Методы конструирования моделей	7	-	-	-	-	4	Лабораторная работа. Домашнее задание
9. Имитационное моделирование	10	1	1	1	1	4	Лабораторная работа. Домашнее задание
10. Компьютерное моделирование	9	1	1	1	-	4	Лабораторная работа. Домашние задания
11. Статистическое моделирование	7	-	-	-	-	4	Лабораторная работа. Домашние задания
<b>Раздел 2. Математические и компьютерные модели линейных динамических систем</b>							
12. Преобразование Лапласа	8	1	1	1	-	6	Лабораторная работа. Домашние задания
13. Понятие линейной динамической системы	7	-	-	-	-	6	Лабораторная работа. Домашние задания
14. Основные свойства линейной динамической системы	8	1	1	1	-	6	Лабораторная работа. Домашние задания
15. Понятие передаточной функции	9	-	-	-	-	6	Лабораторная работа. Домашние задания
16. Характеристики линейных динамических систем	7	-	-	-	-	6	Лабораторная работа. Домашние задания
17. Модели в пространстве состояний	8	-	-	-	1	6	Лабораторная работа. Домашние задания

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

18. Обобщенный анализ управляемости и наблюдаемости моделей	8	-	-	-	-	6	Лабораторная работа. Домашние задания
Экзамен	-						
Итого	108	6	6	6	2	86	

## 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### Раздел 1. Математическое и компьютерное моделирование физико-технических процессов и систем

Тема 1. Модели объектов, процессов и явлений.

Тема 2. Классификация моделей.

Тема 3. Понятие моделирования.

Тема 4. Цели моделирования.

Тема 5. Этапы моделирования.

Тема 6. Задачи моделирования.

Тема 7. Структура моделей.

Тема 8. Методы конструирования моделей.

Тема 9. Имитационное моделирование.

Тема 10. Компьютерное моделирование.

Тема 11. Статистическое моделирование.

### Раздел 2. Математические и компьютерные модели линейных динамических систем

Тема 12. Преобразование Лапласа.

Тема 13. Понятие линейной динамической системы.

Тема 14. Основные свойства линейной динамической системы.

Тема 15. Понятие передаточной функции.

Тема 16. Характеристики линейных динамических систем.

Тема 17. Модели в пространстве состояний.

Тема 18. Обобщенный анализ управляемости и наблюдаемости моделей.

## 6. ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ И СЕМИНАРСКИХ ЗАНЯТИЙ

Практические занятия (семинары) предусматривают решение задач по тематике Разделов 1 и 2 и обсуждение найденных решений.

Тема 1. Модели нагревания/охлаждения.

Тема 2. Модели вытекания жидкости из резервуара.

Тема 3. Модели эпидемий.

Тема 4. Модели роста численности биологической популяции.

Тема 5. Модели движения без учета сопротивления среды.

Тема 6. Модели движения с учетом сопротивления среды.


Тема 7. Преобразование Лапласа.

Тема 8. Вычисление передаточной функции.

Тема 9. Анализ свойств моделей в пространстве состояний.

## 7. ЛАБОРАТОРНЫЕ РАБОТЫ (ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ)



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

<b>Темы лабораторных работ</b>
<b>Лабораторная работа 1.</b> Освоение среды моделирования AnyLogic (AL). Цель приобретения навыков работы в среде AL. Достижение цели обеспечивается решением полностью документированных примеров. Содержание работы – решение тренировочных заданий и выполнение контрольного задания.
<b>Лабораторная работа 2.</b> Ввод и решение в среде AL систем АДУ. Цель работы – освоение технологии приведения систем АДУ к нормальному виду и приобретение навыков их решения и анимации решений. Содержание работы – решение тренировочных заданий и выполнение контрольного задания.
<b>Лабораторная работа 3.</b> Разработка и исследование моделей непрерывных систем. Цель работы – освоение технологии построения моделей непрерывных систем и исследование их поведения в среде AL. Содержание работы – решение тренировочных заданий и выполнение контрольного задания.
<b>Лабораторная работа 4.</b> Идентификация моделей по экспериментальным данным. Цель работы – закрепление знаний и навыков по идентификации модели по экспериментальным данным, приобретение навыков работы с оптимизатором путем решения задач. Содержание работы – решение тренировочных заданий и выполнение контрольного задания.

Методические указания: основное внимание должно быть уделено освоению работы с системой моделирования AnyLogic.

#### **Лабораторная работа 1.**

Постановка задачи. Математическая модель динамики сокращения сердечной мышцы задается нелинейным дифференциальным уравнением первого порядка:

$dx/dt=(x-x^3-b)/eps$ , где  $x$  представляет радиус сердца, а параметр  $b$  сам является переменной, определяемой дифференциальным уравнением:  $db/dt=x-x_0$ . Это одна из простейших моделей такой динамики. Задачей данного упражнения является построение этой простой модели, позволяющей получить временные зависимости переменных  $x$  и  $b$  от времени, а также фазовую диаграмму изменения радиуса  $x$  от значения  $b$ . Очевидно, что все эти величины вещественные (с плавающей точкой). Для построения модели необходимо задать начальные значения переменных  $x$  и  $b$ , а также значение параметра  $eps$ .

Создание нового проекта. Для хранения ваших проектов необходимо создать новую папку. Создайте, например, папку C:\My Models. После этого для построения нового проекта в вашей папке кликните кнопку “Создать” или выберите в основном меню “Файл|Создать|Модель”. В появившемся диалоговом окне установите нужную рабочую папку, в ней наберите Heart как имя нового файла, в котором будет храниться ваш новый проект, и кликните ОК. Новый проект под названием “Heart” будет создан, и на экране вы увидите следующее:

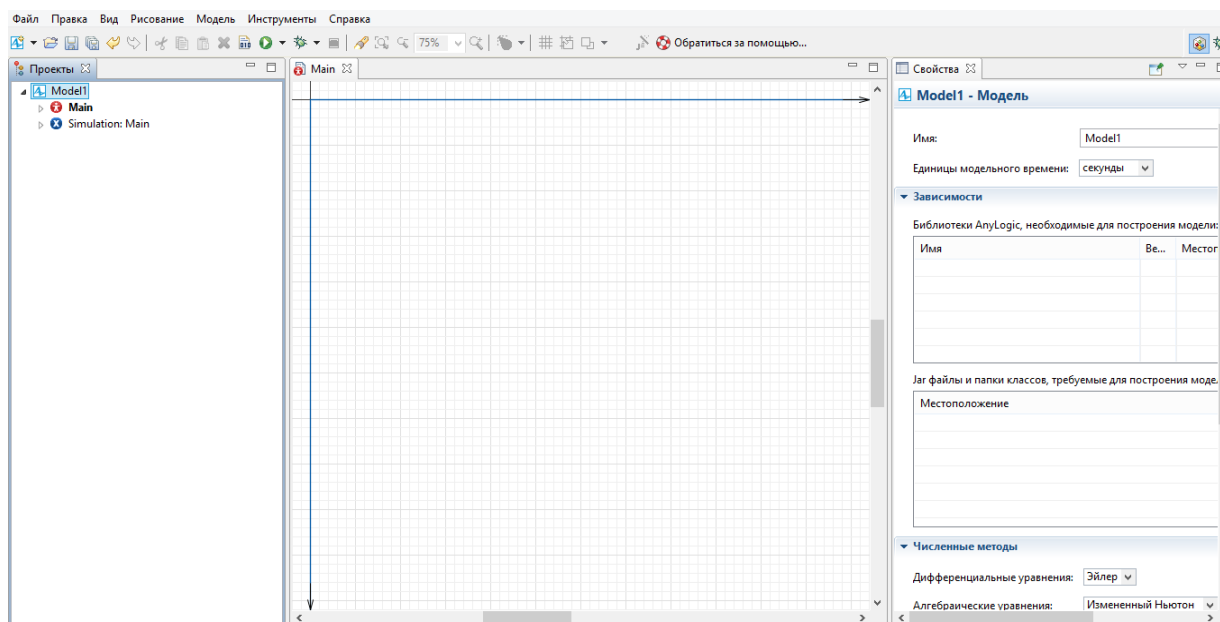



Рис 1. Новый проект

Открытое окно редактора нового проекта содержит три окна. Как уже говорилось, в окне классов (слева) автоматически строится дерево всех объектов проекта, которые вы будете определять по ходу построения модели. Для нового проекта в нем уже создан корневой класс активного объекта с именем “Model”, а для проведения экспериментов с будущей моделью уже создан один эксперимент с именем “Simulation” у корневого класса “Эксперименты”. Центральное окно – окно графического редактора структуры для создания структуры активного объекта, представляющего модель. С помощью кнопок управления этим окном, которые находятся вверху справа, можно уменьшить, свернуть или закрыть это окно. Уменьшите размер окна редактора структуры объекта “Model”, щелкнув по соответствующей кнопке справа вверху. Двойным щелчком мыши на имени класса активного объекта в окне классов (в данном случае “Model”) можно открыть окно редактора структуры этого объекта, если оно закрыто. Окно справа на рис.1 – это окно свойств выделенного элемента модели. В данном случае это окно показывает свойства класса корневого объекта с именем “Model”, если окно его структуры активно. В окне свойств можно редактировать свойства соответствующих объектов.

**Построение модели.** Основная задача – построение модели, в которой присутствуют две переменные,  $x$  и  $b$ , и два параметра –  $x_0$  и  $eps$ , где  $x_0$  – начальное значение  $x$ . Начальное значение переменной  $b$  зададим непосредственно константой. Для введения первой переменной  $x$  выберете в меню палитры раздел “Системная динамика”. Переменная  $x$  должна определяться дифференциальным уравнением  $dx/dt = (x-x^3-b)/eps$  с начальным значением  $x$ , равным  $x_0$  и с параметром  $eps$ . В AnyLogic можно подобные зависимости определять именно в таком виде, в виде дифференциальных уравнений.

Вторая переменная  $b$  определяется формулой  $d(b)/dt=x-x_0$ . Действия по ее введению в модель очевидны. Пусть начальное значение переменной  $b$  равно 0. В поле Начальное значение при задании начального значения  $b$  величину 0 можно не записывать: если поле значения пусто, по умолчанию это значение считается нулевым.

Для проверки правильности синтаксиса (формальных правил) построения модели в каждый момент при ее построении можно использовать кнопку Построить панели инструментов. Если кликнуть на этой кнопке, то в появившемся окне Вывод будет выведена информация об ошибке. Для завершения построения модели их нужно задать. Пусть  $x_0=0.5$ ,  $eps=0.01$ . Параметры эти являются параметрами агента Heart, поэтому они вводятся в окне свойств этого объекта. Для задания  $x_0$  перейдите на вкладку “Агент” палитры и

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

добавьте объект “Параметр”.

Замените имя параметра на  $x_0$ , в поле значения установите 0.5, а тип оставьте double. Остальные поля также оставьте без изменения. Переменная *eps* задается так же. В конце необходимо создать связи между переменными. Руководствуясь введенными формулами и используя инструмент “Связь” вкладки “Системная динамика” палитры, установим требуемые взаимосвязи между переменными. В результате на экране вы получите следующее: надпись “Построение успешно завершено” в нижнем левом углу сигнализирует нам, что все выполнено верно.

Запуск модели. Клик на кнопке “Запуск” приведет к тому, что переменные в окне начнут изменяться в соответствии с определенными для них уравнениями. Системы дифференциальных и алгебраических уравнений, определенные в проектах AnyLogic, при выполнении модели решаются одним из встроенных численных методов. Сам метод и необходимая точность решения выбираются системой автоматически, если пользователь не изменит предварительные установки в окне свойств модели. Выполнение модели закончится, когда счетчик модельного времени дойдет до значения, указанного в окне свойств объекта “Simulations”. По умолчанию значение не установлено, эксперимент длится, пока пользователь не остановит его самостоятельно. Установите время окончания эксперимента на 100. Проведите несколько экспериментов с различными скоростями выполнения данной модели, используя кнопки останова, рестарта, запуска.

**Лабораторная работа 2.** АДУ как класс моделей находят широчайшее применение в имитационном моделировании. Процесс исследования модели включает разработку модели в виде системы алгебро-дифференциальных уравнений, преобразование модели в форму, допускающую ввод ее в ЭВМ (в данном случае это уравнения в нормальной форме), решение уравнений, вывод и содержательная интерпретация результатов.

Выполнение работы:

1. Заданные в приложении уравнения первого и второго порядка приведите к нормальной форме и исследуйте их решения при стандартных испытательных сигналах и изменении коэффициентов. Особое внимание обратите на изменение характера переходного процесса в системе второго порядка. В качестве источника стандартных испытательных сигналов используйте встроенные функции AnyLogic (табличная функция, синус).
2. Модели приложения приведите к нормальному виду. Введите систему уравнения в ЭВМ и исследуйте решение при различных входных сигналах. Убедитесь в правильности полученных результатов опираясь на установившиеся значения и характер процессов.
3. Анимировать модель. Нарисуйте структуру системы, описываемой заданными уравнениями, установите индикаторные диаграммы и слайдеры, позволяющие наблюдать переменные и изменять параметры. Проследите за изменением характера переходных процессов при изменении параметров схемы.

Контрольная работа: Для заданной схемы при стандартных входных сигналах выполните операции по пунктам 1 - 4.


Приложение 1.

$$1. \quad 0.05 \frac{dy}{dt} + 2y - 10x = 0$$

Приложение 2.

$$2. \quad 2 \frac{d^2 y}{dt^2} + 0.2 \frac{dy}{dt} + 5y - 5x = 0$$

**Лабораторная работа 3.** Электрические схемы замещения (потокосовые схемы) как класс моделей используются для моделирования как электрических схем, так и многих других

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

объектов: полупроводниковых приборов, электромеханических и гидромеханических устройств. Поэтому, как и ранее, будем понимать под электрической схемой модель как электрической цепи, так и любого другого устройства.

#### Содержание работы:

1. Для простейших цепочек из приложения 1 запишите уравнения и введите их в ЭВМ. Исследуйте реакцию на основные испытательные сигналы. В качестве источника сигнала используйте блок func из библиотеки SignalShema (окно классов) или библиотечную функцию AnyLogic.
2. Для схем приложения 2 постройте дерево и сечения, запишите соответствующую систему уравнений и приведите ее к нормальному виду. Введите уравнения в ЭВМ и исследуйте их решение при различных входных сигналах. Убедитесь в правильности полученных результатов, опираясь на установившиеся значения и характер процессов.
3. Повторите пункт 2 с использованием пакета Stream. Сравните системы уравнений: составленные Вами и пакетом Stream.
4. Анимировать модель. Нарисуйте электрическую схему, установите индикаторные диаграммы и слайдеры, позволяющие наблюдать переменные и изменять параметры. Проследите за изменением характера переходных процессов при изменении параметров схемы.

**Лабораторная работа 4.** Идентификация модели по экспериментальным данным предполагает:

- выбор, в соответствии с особенностями объекта и условиями решаемой задачи, класса моделей, в котором будет строиться модель данного объекта, и критерия адекватности.
- определение параметров модели, обеспечивающих наилучшие значения выбранного критерия адекватности (наилучшее совпадение выходных сигналов модели и объекта при одинаковых входных воздействиях).

Предполагается, что эксперт, обладая определенной априорной информацией о свойствах объекта, выдвигает гипотезу о структуре модели и задает начальные значения параметров. Затем на объект и модель подаются одинаковые входные воздействия, сравниваются их выходные сигналы и оценивается критерий адекватности. Параметры модели корректируются до получения приемлемых значений критерия адекватности. Если имеющейся априорной информации недостаточно, то организуются дополнительные исследования объекта.

Настоящая работа предполагает, что в качестве объекта используется структурная схема с неизвестными параметрами. Так как из теории систем известно, что системы высокого порядка ведут себя в области низких частот как системы 2-3 порядка, то в качестве модели предлагается использовать систему второго порядка.

#### Выполнение работы:

1. Наблюдая переходный процесс в объекте при единичном входном воздействии определить:
  - Коэффициент передачи на нулевой частоте  $K=b_0/a_0$ .
  - Частоту собственных колебаний.
  - Показатель затухания. Для этого выполнить серию экспериментов – наблюдать переходный процесс в системе второго порядка при различных значениях показателя затухания и сравнить их с переходным процессом в вашем объекте.
2. Задав значение одного из параметров, определить остальные параметры модели (рекомендуется задаться значением параметра  $b_0$ ).
3. Построить структурную схему процесса оптимизации параметров.
4. Сравнить переходные процессы объекта и модели, зафиксировать накопленную погрешность при неоптимальных значениях параметров.

5. Реализовать процедуру оптимизации параметров.
6. Сравнить переходные процессы объекта и модели при оптимальных значениях параметров. Сравнить результаты, полученные до и после оптимизации (накопленные ошибки).
7. Идентифицируйте объект в частотной области – определите амплитудно-частотную характеристику “вручную”. Найдите АЧХ модели с использованием пакета frequency. Сравните АЧХ. Особо обратите внимание на собственные частоты и коэффициенты передачи: полученные экспериментально во временной области и с помощью пакета frequency (по амплитудно-частотной характеристике).

#### ПРИЛОЖЕНИЕ 1. Оценка параметров модели.

Дифференциальное уравнение системы второго порядка имеет вид:

$$a_2 \frac{d^2 y}{dt^2} + a_1 \frac{dy}{dt} + a_0 y = x(t).$$

Соответствующее характеристическое уравнение:

$$a_2 p^2 + a_1 p + a_0 = 0,$$

откуда

$$p_{1,2} = -\frac{a_1}{2a_2} \pm \sqrt{\left(\frac{a_1}{2a_2}\right)^2 - \frac{a_0}{a_2}} = -\delta \pm \sqrt{\delta^2 - \omega_0^2},$$

где  $\delta = \frac{a_1}{2a_2}$ ; - показатель затухания,  $\omega_0^2 = a_0/a_2$ ; - собственная частота.

Наряду с показателем затухания часто используется ещё одна величина – коэффициент успокоения (показатель успокоения):

$$\beta = \delta / \omega_0 = \frac{a_1}{2\sqrt{a_2 a_0}}.$$

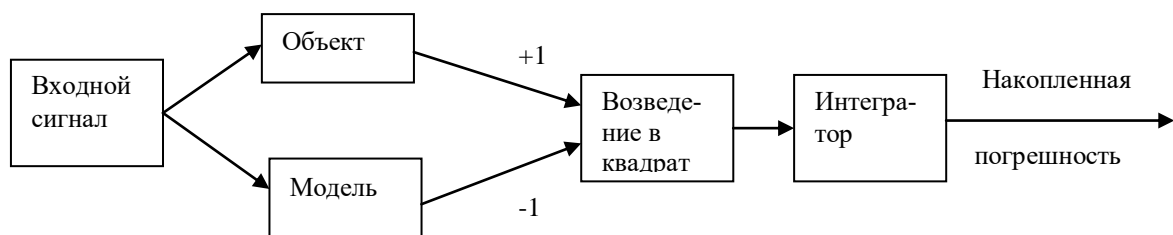
Коэффициент передачи на нулевой частоте равен  $K=b_0/a_0$ . Определить его можно экспериментально как отношение сигналов на выходе и входе объекта в установившемся режиме. После этого, задавшись значением  $b_0$ , можно найти  $a_0$ .


Собственную частоту системы можно оценить по переходному процессу во временной области; аналогично определяется показатель успокоения.

Далее, зная экспериментальные оценки найдем значения остальных параметров модели.

ПРИЛОЖЕНИЕ 2. Для нахождения АЧХ воспользуйтесь пакетом frequency. При этом помните, что модель должна быть представлена в виде структурной схемы, а входной и выходной переменным должны быть присвоены имена src и dest соответственно.

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. При оптимизации параметров рекомендуется использовать средне-квадратичный критерий адекватности модели и объекта. На входы модели и объекта подается один и тот же сигнал, на выходе сигналы вычитаются,



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

разность возводится в квадрат и подается на интегратор. На выходе интегратора мы получаем накопленную погрешность, которая минимизируется в процессе оптимизации. Для этого используется встроенная процедура оптимизации. Структуру модели считаем заданной в виде звена второго порядка. Коэффициенты следует ввести в символьном виде:  $b_0$ ,  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$ . Не забудьте задать их численные значения, определенные по результатам эксперимента с объектом.

#### ПРИЛОЖЕНИЕ 4. Оптимизация параметров в среде AnyLogic.

Оптимизационный эксперимент в AnyLogic позволяет найти такие значения параметров модели, при которых обращается в минимум или максимум некоторая определенная пользователем целевая функция. Значение целевой функции подсчитываются в AnyLogic каждый раз по окончании очередного выполнения модели, и алгоритм оптимизации автоматически выбирает новые значения параметров для очередного запуска модели. Оптимизация в AnyLogic реализована с использованием пакета OptQuest фирмы OptTek. Для оптимизации пользователь должен в соответствующих окнах задать функционал, который следует минимизировать либо максимизировать, задать параметры и ограничения их диапазона, в которых должна выполняться оптимизация, а также указать ограничения, определяющие класс допустимых решений. Задав все это, пользователь может запустить оптимизацию, и пакет OptQuest после некоторого числа проб автоматически выберет наилучший метод оптимизации для данной модели среди тех методов, которые находятся в его библиотеке, и будет следовать выбранному оптимизационному алгоритму. Интерфейс AnyLogic позволяет пользователю также использовать свой алгоритм оптимизации.


### 8. ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ, КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ, РЕФЕРАТОВ

Курсовые и контрольные работы не предусмотрены учебным планом дисциплины.


### 9. ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ К ЗАЧЕТУ

1. Понятие модели и оригинала.
2. Модели объектов.
3. Модели процессов.
4. Модели явлений.
5. Природа моделей.
6. Типы моделей по области применения.
7. Типы моделей по фактору времени.
8. Типы моделей по характеру связей.
9. Типы моделей по структуре.
10. Имитационные модели.
11. Компьютерные модели.
12. Игровые модели.
13. Понятие адекватности модели.
14. Понятие системы объектов.
15. Понятие модели системы.
16. Понятие моделирования.
17. Цели моделирования.
18. Этапы моделирования.
19. Процесс моделирования.
20. Понятие математической модели.
21. Классификация математических моделей.
22. Структура моделей.



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

23. Общие требования, предъявляемые к модели.
24. Содержательное описание физической системы.
25. Моделирование компонентов системы.
26. Прямая задача моделирования.
27. Обратная задача моделирования.
28. Задача идентификации.
29. Виды компонентов системы.
30. Методы конструирования математических моделей.
31. Аксиоматический метод.
32. Метод уравнений элементов.
33. Метод идентификации.
34. Этапы формирования математической модели.
35. Способы использования математических моделей.
36. Аналитическое исследование моделируемой системы.
37. Качественное исследование моделируемой системы.
38. Исследование с помощью численных методов.
39. Имитационное моделирование.
40. Основные этапы имитационного моделирования.
41. Преимущества имитационного моделирования.
42. Метод статистического моделирования.
43. Понятие линейной системы и ее основные свойства: суперпозиция и гомогенность.
44. Понятие преобразования Лапласа.
45. Обратное преобразование Лапласа.
46. Свойство линейности.
47. Поведение изображения на бесконечности.
48. Теорема подобия.
49. Теорема запаздывания.
50. Теорема смещения.
51. Теорема о дифференцировании оригинала.
52. Теорема об интегрировании оригинала.
53. Теорема о дифференцировании изображения.
54. Теорема об интегрировании изображения.
55. Теорема умножения изображений.
56. Нахождение оригиналов по известному изображению.
57. Теорема о разложении.
58. Понятие динамической системы.
59. Понятие передаточной функции линейной динамической системы.
60. Характеристическое уравнение системы. Вычисление полюсов.
61. Основные свойства линейной динамической системы.
62. Задачи моделирования линейных динамических систем.
63. Характеристики линейных динамических систем во временной области.
64. Характеристики линейных динамических систем в частотной области.
65. Понятие вектора состояния системы.
66. Вычисление передаточной функции по физической модели системы в пространстве состояний.
67. Неединственность описания в пространстве состояний.
68. Стандартная управляемая модель. Теорема.
69. Стандартная наблюдаемая модель. Теорема.
70. Каноническая модель в случае простых корней характеристического уравнения.
71. Каноническая модель в случае кратных корней характеристического уравнения.

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		


72. Каноническая модель в случае комплексно-сопряженных корней. Переход в вещественный базис.
73. Переход из любого базиса модели системы в канонический.
74. Общее решение линейного дифференциального уравнения состояния.
75. Управляемость линейной динамической системы.
76. Критерий управляемости линейной непрерывной системы.
77. Критерий управляемости линейной и инвариантной во времени непрерывной системы.
78. Критерий управляемости линейной дискретной системы.
79. Критерий управляемости линейной и инвариантной во времени дискретной системы.
80. Наблюдаемость линейной динамической системы.
81. Критерий наблюдаемости линейной непрерывной системы.
82. Критерий наблюдаемости линейной и инвариантной во времени непрерывной системы.
83. Критерий наблюдаемости линейной дискретной системы.
84. Критерий наблюдаемости линейной и инвариантной во времени дискретной системы.
85. Линеаризация нелинейных систем.
86. Обобщенный анализ управляемости и наблюдаемости системы.

## 10. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА СТУДЕНТОВ


Форма обучения: очная

Название разделов и тем	Вид самостоятельной работы	Объем в часах	Форма контроля
1. Модели объектов, процессов и явлений	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
2. Классификация моделей	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
3. Понятие моделирования	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
4. Цели моделирования	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
5. Этапы моделирования	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения




Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

	сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.		задач
6. Задачи моделирования	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
7. Структура моделей	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
8. Методы конструирования моделей	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
9. Имитационное моделирование	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
10. Компьютерное моделирование	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
11. Статистическое моделирование	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
12. Преобразование Лапласа	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач


Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

	Литература: учебно-методическая [1], с. 6-15.		
13. Понятие линейной динамической системы	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
14. Основные свойства линейной динамической системы	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
15. Понятие передаточной функции	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
16. Характеристики линейных динамических систем	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
17. Модели в пространстве состояний	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
18. Обобщенный анализ управляемости и наблюдаемости моделей	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	3	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач


Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

Форма обучения: заочная

Название разделов и тем	Вид самостоятельной работы	Объем в часах	Форма контроля
1. Модели объектов, процессов и явлений	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
2. Классификация моделей	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
3. Понятие моделирования	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
4. Цели моделирования	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
5. Этапы моделирования	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
6. Задачи моделирования	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
7. Структура моделей	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
8. Методы конструирования моделей	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

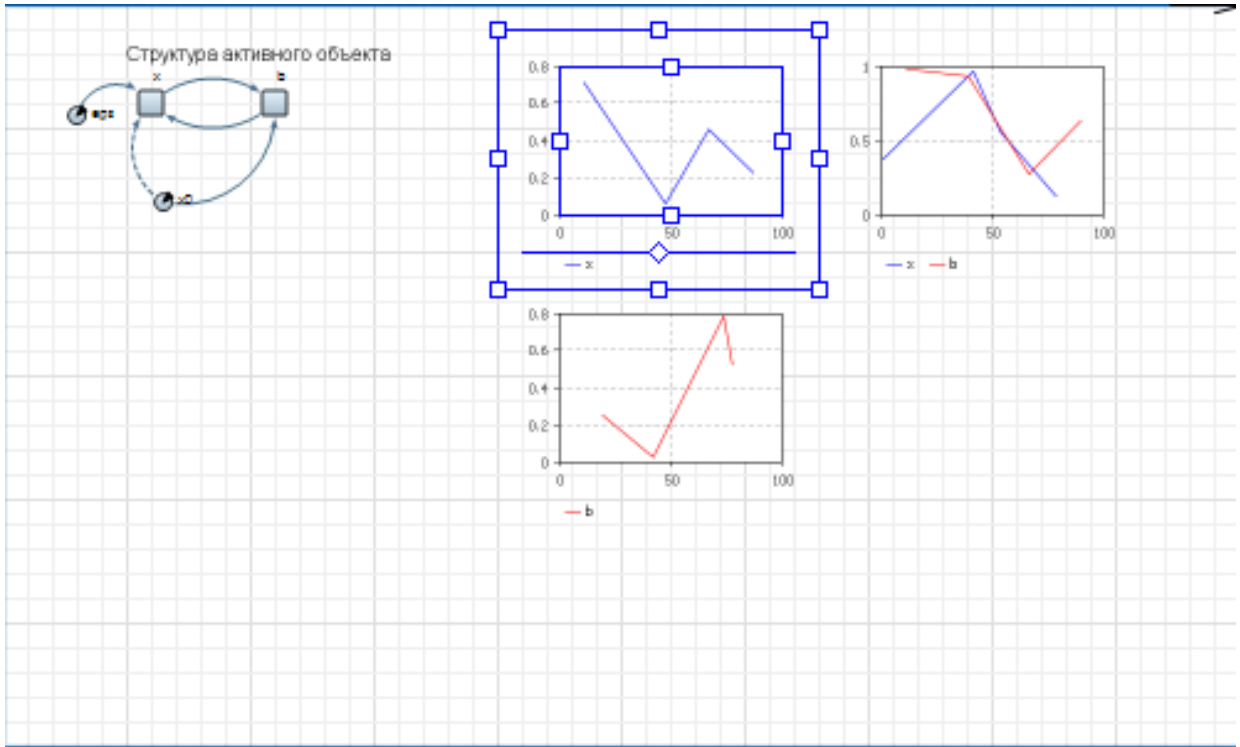
	задач. Литература: основная [1], с. 9-26.		
9. Имитационное моделирование	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
10. Компьютерное моделирование	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
11. Статистическое моделирование	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: основная [1], с. 9-26.	4	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
12. Преобразование Лапласа	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 6-15.	6	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
13. Понятие линейной динамической системы	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	6	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
14. Основные свойства линейной динамической системы	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	6	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
15. Понятие передаточной функции	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение	6	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

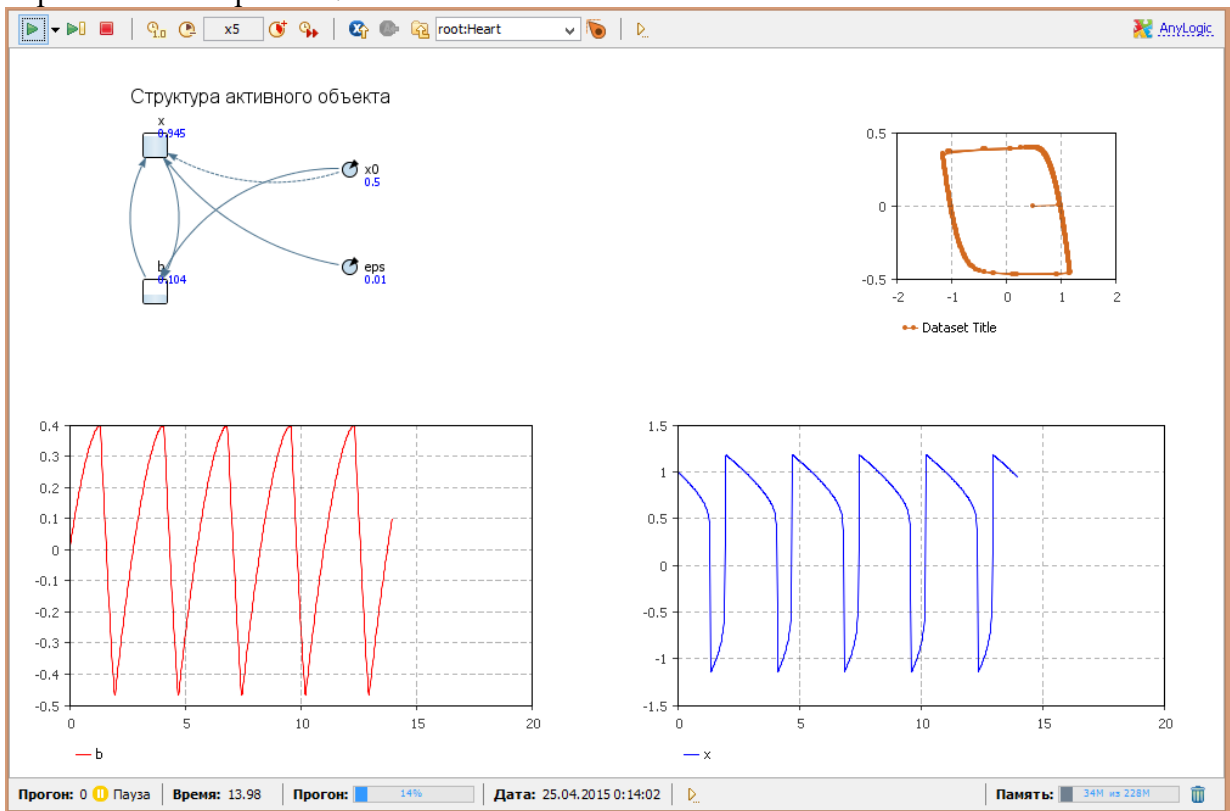
	задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.		
16. Характеристики линейных динамических систем	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	6	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
17. Модели в пространстве состояний	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	6	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач
18. Обобщенный анализ управляемости и наблюдаемости моделей	Проработка учебного материала, лабораторные работы, подготовка к сдаче зачета, решение задач. Литература: учебно-методическая [1], с. 16-35.	6	Зачет, проверка лабораторных работ, проверка решения задач

### Методические рекомендации к самостоятельной работе студентов.

**Для лабораторной работы №1.** Одним из преимуществ AnyLogic является возможность наглядного представления поведения модели, в частности, представления изменения во времени всех ее переменных. Введем графики изменения переменных  $x$  и  $b$ . В палитре выберем вкладку «Статистика» и объект «Временной график». В окне свойств добавленного графика заполним вкладки «Заголовок» и «Значение» переменной  $x$ . Цвет и толщину линий можете установить по своему усмотрению. Аналогичным образом создайте второй график для переменной  $b$  третий для двух переменных одновременно.



Запустите модель на выполнение. В окнах будут рисоваться графики соответствующих переменных от времени.



Настройка параметров графика производится с помощью окна свойств графика. Поэкспериментируйте с установкой цвета графиков, размерами отображаемого окна данных, с возможностью отображения фазовой диаграммы, когда по обоим осям графика откладываются значения переменных, и т.п. Для построения фазовой диаграммы, выберете объект

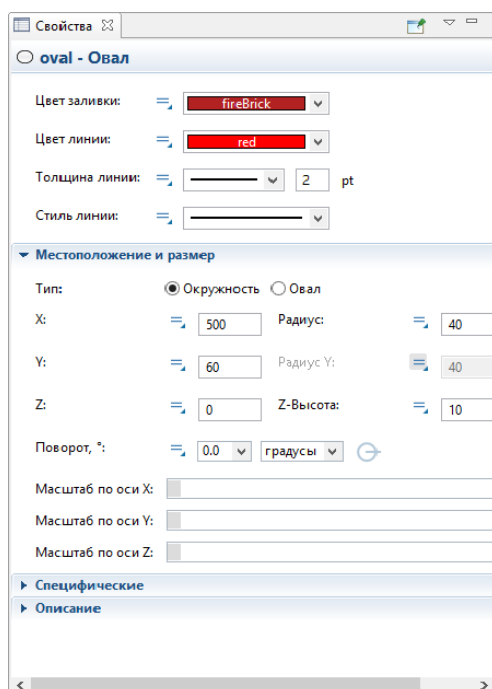
«График» палитры и в контекстном меню графика с двумя переменными следует выбрать те переменные, которые должны откладываться по осям.

Если кривая вашего графика покажется вам не гладкой, а «рваной», то причина этого может заключаться в том, что AnyLogic недостаточно часто обновляет наборы данных новыми значениями. Чтобы изменить частоту обновления автоматически создаваемых для переменных наборов данных перейдите на вкладку «Специфические» того класса активного объекта, на диаграмме которого находится переменная и измените период обновления данных в поле Период. Такие же поля есть у каждого графика.

Проведите серию экспериментов с моделью, перезапуская ее с различными параметрами.

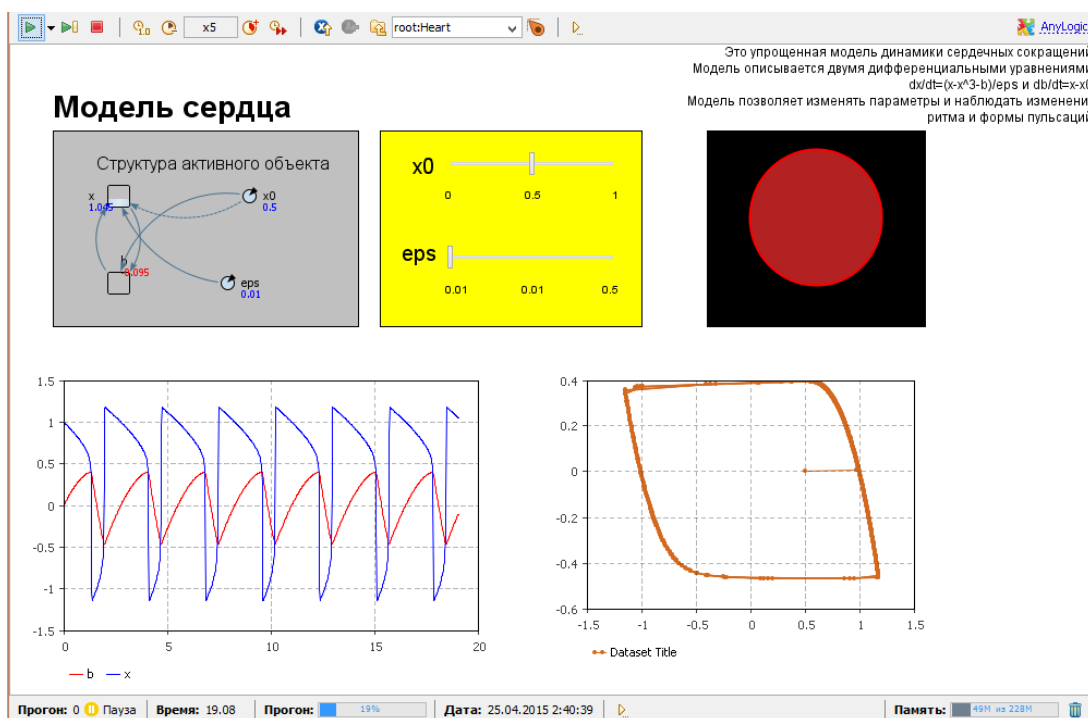
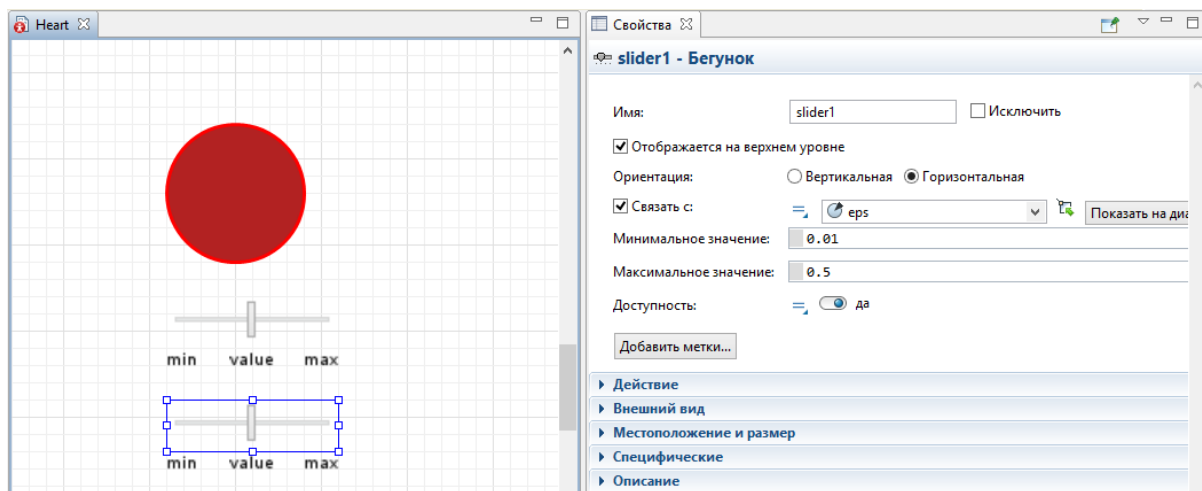
**Анимация модели.** Для лучшего понимания динамики модели и наблюдения развивающихся во времени процессов, в AnyLogic предусмотрена возможность построения анимированного изображения, состоящего из динамических графических элементов. Графические элементы здесь называются динамическими, поскольку все их параметры: видимость, цвет и т.п. можно сделать зависимыми от переменных и параметров модели, которые меняются со временем при выполнении модели.

Построим презентацию сердца в виде изображения овала, радиус которого будет меняться. Этот радиус является функцией от значения переменной  $x$  модели. Для построения изображения овала перетащите мышью из вкладки Презентация панели Палитра пиктограмму Овал на диаграмму класса. Справа появится окно свойств этого овала. По умолчанию имя этого объекта будет oval, координаты  $X$  и  $Y$  соответствуют месту, куда мы поместили овал, а радиус  $X$  и радиус  $Y$  соответствуют тому, что мы нарисовали. Запустив модель, мы увидим, неподвижный овал, находящийся в заданном месте. В AnyLogic принята следующая концепция: каждая характеристика графического элемента имеет два значения: статическое и динамическое. Статическое значение определяет параметр (координату, угол поворота, цвет и т. п.) объекта как константу. Динамическое определяет значение этого параметра в процессе выполнения модели и может быть определено как значение любой переменной модели. Если динамическое значение не определено, графический объект сохранит свое статическое значение. Выделите овал, представляющий динамику сердца. Статические значения его параметров задайте так: в панели свойств овала цвет заливки определите бордовым, цвет линии границы – красным; толщину линии границы установите 2.



Динамические характеристики овала должны отражать “жизнь” этого объекта в процессе выполнения модели. Запустите модель. Проведите эксперименты с установкой различных коэффициентов между реальным и модельным временем. Кроме того, можно изменять параметры модели ( $x_0$  и  $eps$ ) и наблюдать, как изменяется характер сердцебиения.

**Слайдеры в анимации.** В AnyLogic существует элемент управления, позволяющий пользователю графически выбирать число из заданного диапазона значений путем перетаскивания рукоятки – бегунок. Бегунки или их еще называют слайдеры, обычно используются для изменения значений численных переменных и параметров во время выполнения модели. Перетащите мышью с вкладки Элементы управления панели Палитра пиктограмму Бегунок на диаграмму класса Heart между структурой и анимационным овалом. В поле «Связать с» панели свойств введите имя параметра  $x_0$ , а минимальное и максимальное значения, которые можно регулировать слайдером, установите 0 и 1. Добавить подписи к слайдеру можно простым нажатием кнопки “Добавить” метки. Запустите модель и проверьте действие слайдера. Аналогично сделайте слайдер для параметра  $eps$ , установив ограничения от 0.01 до 0.5.



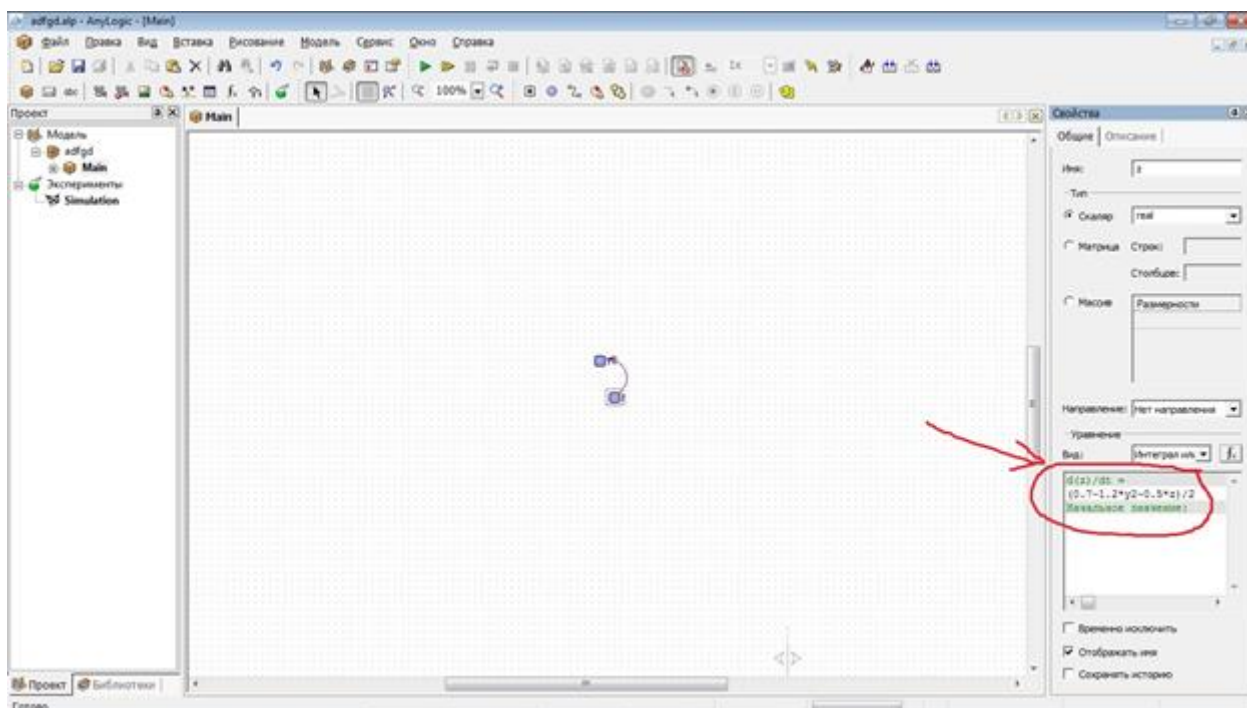


Для лабораторной работы №2. Для начала необходимо исследовать каждое из уравнений системы и привести их к нормальному виду. Нормализация подразумевает разрешение уравнения относительно старшей производной. Для этого воспользуемся приемом – замена на новую переменную.

$$\begin{cases} 1,2 * y_2 + 0,5 \frac{dy_2}{dt} + 2 \frac{d^2y_2}{dt^2} = 0,7 \\ 0,2 \frac{dy_3}{dt} + y_3 = 0,04 \\ y_4 = y_3 + y_2 \end{cases}$$

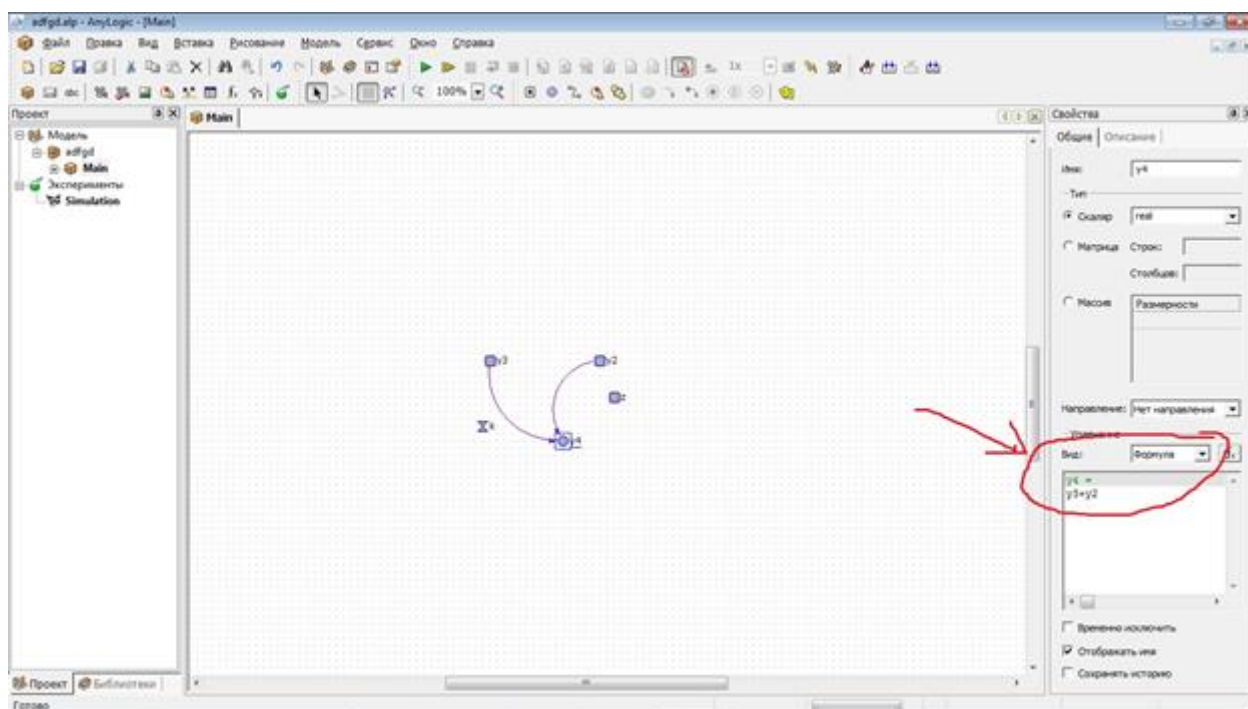
Рассмотрим первое уравнение системы. Здесь старшая производная – второго порядка. Введем новую переменную  $z$ , которая заменит производную по  $y_2$ . Для этого поставим на рабочую область AnyLogic две переменные –  $y_2$  и  $z$ . При этом вид обеих переменных будет «Интеграл или накопитель». Для переменной  $y_2$  значение после знака равно будет  $z$ . Для переменной  $z$  в окне значений запишем выражение, которое получится после замены переменной. Проведем все действия по порядку:

1. Замена  $\frac{dy_2}{dt}$  на  $z$ .
2. Перепишем полученный результат  $1,2 * y_2 + 0,5 * z + 2 \frac{dz}{dt} = 0,7$ .
3. Выразим  $\frac{dz}{dt}$  из полученного выражения  $\frac{dz}{dt} = (0,7 - 1,2 * y_2 - 0,5 * z) / 2$ .
4. Запишем полученное выражение в окне значений переменной  $z$  в AnyLogic.

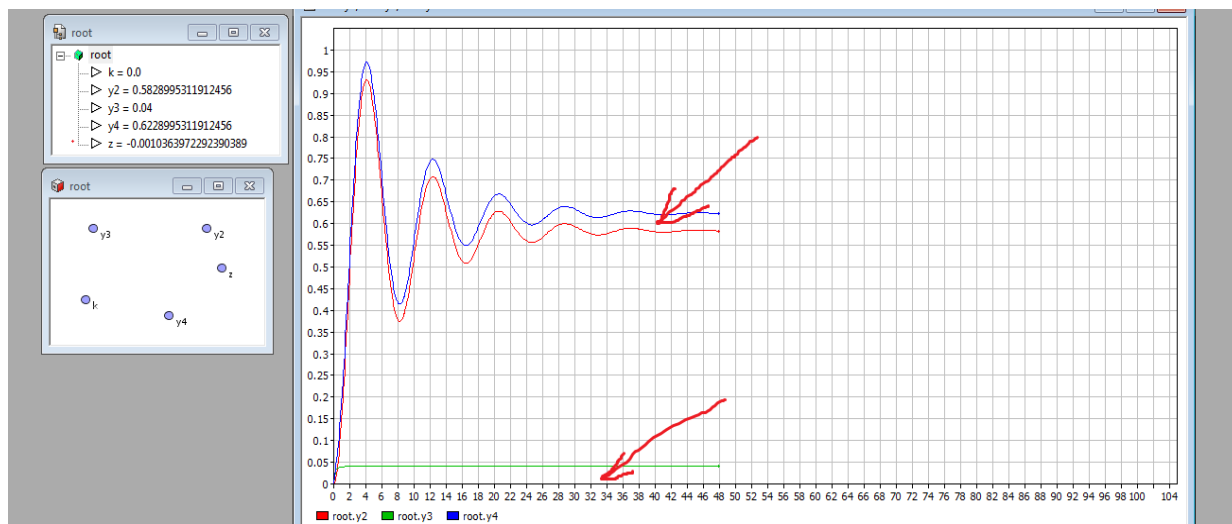


Теперь обратимся ко второму уравнению в системе. Оно первого порядка, но замена переменной также понадобится. Введем еще две переменные –  $y_3$  и  $k$ . Поскольку старшая производная первого порядка, то  $y_3$  будет иметь вид «Интеграл или накопитель», а  $k$  – «Формула». В результате аналогичных действий, которые были использованы для нормализации первого уравнения, мы получим следующее выражение  $k=(0,04- y_3)/0,2$

С третьим уравнением все просто (поскольку в нем нет производных) – поставим еще одну переменную  $y_4$ , вид которой будет «Формула», и просто перепишем выражение из системы.



Далее запускаем эксперимент, ставим новую диаграмму и перетаскиваем на нее  $y_2$ ,  $y_3$ ,  $y_4$ . После этого запускаем моделирование и смотрим, как происходит изменение переменных во времени. Это и будет решение системы уравнений.



На графике мы можем видеть, что отличие синего графика (переменная  $y_4$ ) от красного графика (переменная  $y_2$ ) равно в точности значению зеленого графика (переменная  $y_3$ ) в каждый момент времени. Это неслучайно, так как взглянув на третье уравнение в системе, мы увидим соответствующую зависимость этих трех переменных.

### Для лабораторной работы №3

Среда AnyLogic позволяет модифицировать, комбинировать объекты, проводить эксперименты с ними и представлять результаты экспериментов в наглядной форме. Программа Stream предназначена для построения моделей потоковых схем в среде моделирования AnyLogic.

1. Определение типа элементов и их условно положительного направления. Сначала определяется тип всех элементов, входящих в схему. Затем элементы нумеруются таким образом, чтоб номера элементов были уникальными. После этого для каждого элемента выбирается условно положительное направление. Для активных элементов (E, I) условно положительное направление определяет полярность источника, для остальных элементов положительное направление может быть выбрано произвольно.

Пусть, например, нам нужно ввести в Stream следующую электрическую схему (рис. 1).

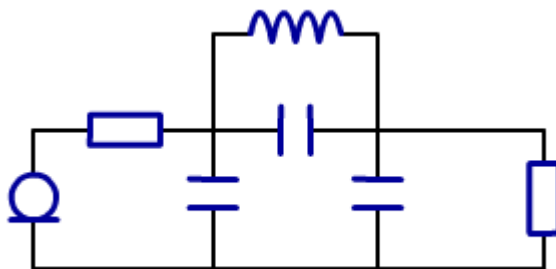


Рисунок 1.

После всех операций схема будет выглядеть следующим образом (рис. 2).

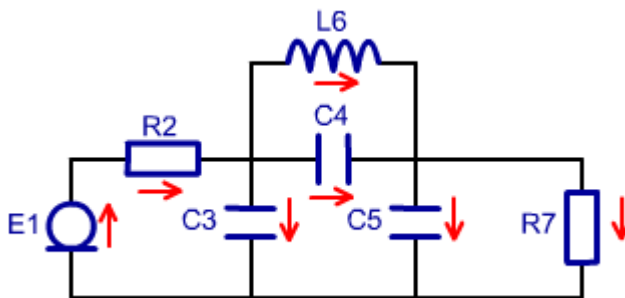


Рисунок 2.

2. Нахождение узлов. На электрической схеме узлами эквипотенциальные участки электрической схемы. Выделим узлы на нашей схеме так (рис. 3)

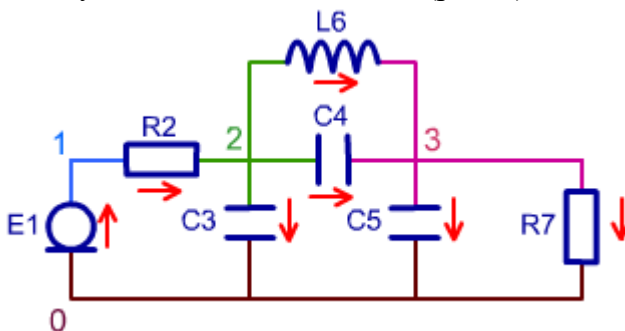


Рисунок 3.

3. Формирование системы уравнений.

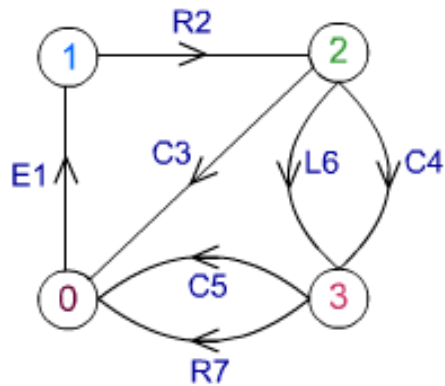


Рисунок 4. Изображение электрической схемы в виде графа.

Нормальное дерево – дерево, в которое ветви включаются с приоритетом U, C, R, L, I.

Алгоритм формирования системы уравнений существенно упрощается, если принять следующее соглашение: элементы U, C всегда входят в дерево, элементы типа L, I – никогда не входят в дерево. Что касается элемента R, то он может быть, по обстоятельствам, либо ребром, либо хордой (входить в дерево или не входить в него).

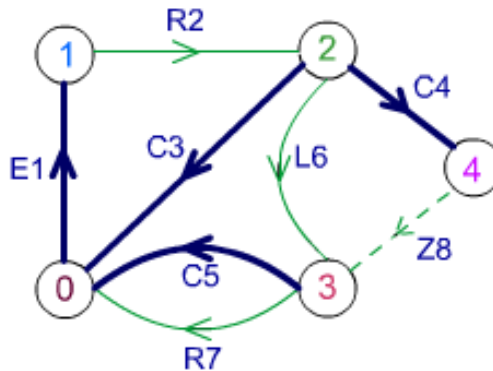


Рисунок 5. Построение нормального дерева графа и устранение противоречия путем введения дополнительного элемента Z8.

Сечением  $i$ -го ребра называют совокупность ветвей, пересекаемых замкнутой линией при условиях:

- любая ветвь пересекается не более одного раза;
- в сечение может входить только одно ребро.

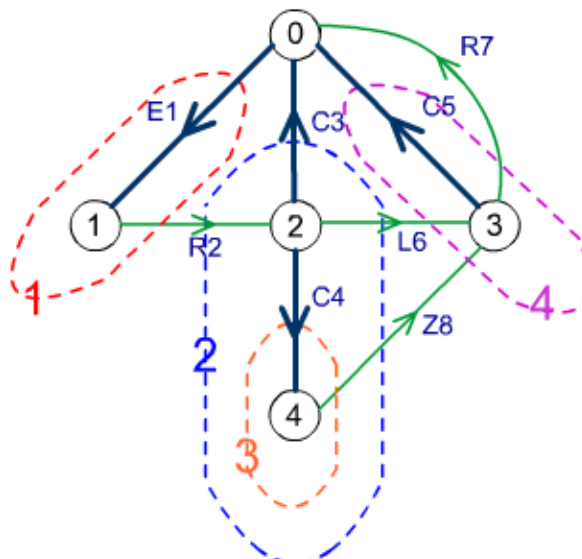


Рисунок 6. Выделение сечений.

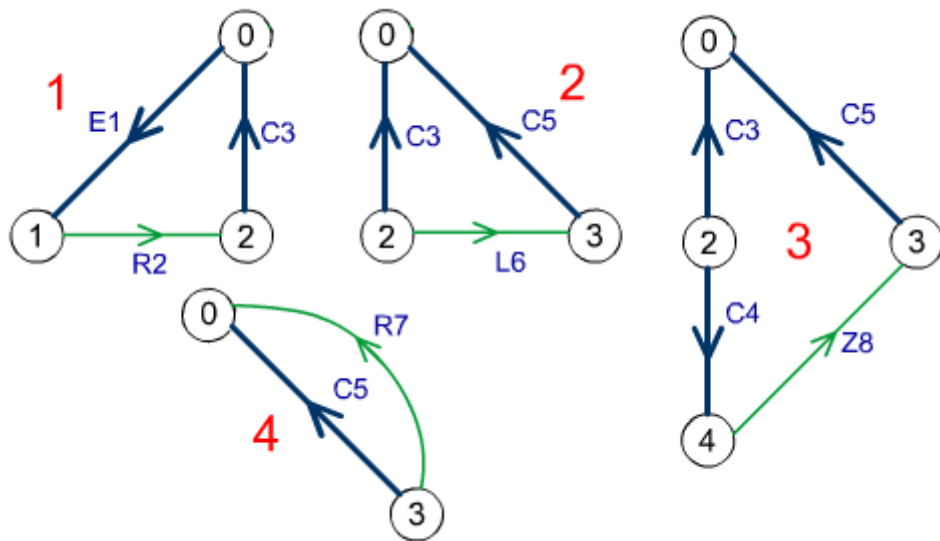


Рисунок 7. Выделение контуров.

Применительно к потоковой схеме следует обратить внимание на следующее: суммы переменных  $u$  для каждого контура и переменных  $i$  для каждого сечения равны нулю. Кроме того, если  $n$  – число ветвей и  $m$  – число узлов, то граф имеет  $n-1$  ребро и  $m-n+1$  хорд. Так как сумма разностных переменных по контуру равна нулю, то каждый контур дает нам одно линейно независимое уравнение; в итоге мы можем записать  $m-n+1$  уравнений контуров. Соответственно, каждое сечение также дает нам линейно-независимое уравнение, что в итоге обеспечивает получение  $n-1$  уравнения сечений.

В итоге получаем  $(n-1)+(m-n+1)=m$ , то есть  $m$  линейно-независимых уравнений, решение которых определяет  $m$  переменных по числу ветвей.

$$\left\{ \begin{array}{l} u_2 + u_3 - u_1 = 0 \\ u_6 + u_5 - u_3 = 0 \\ u_8 + u_5 - u_3 + u_4 = 0 \\ u_7 - u_5 = 0 \\ i_1 - i_2 = 0 \\ i_2 + i_6 + i_8 - i_2 = 0 \\ i_5 + i_7 - i_6 - i_8 = 0 \\ i_4 - i_8 = 0 \end{array} \right.$$

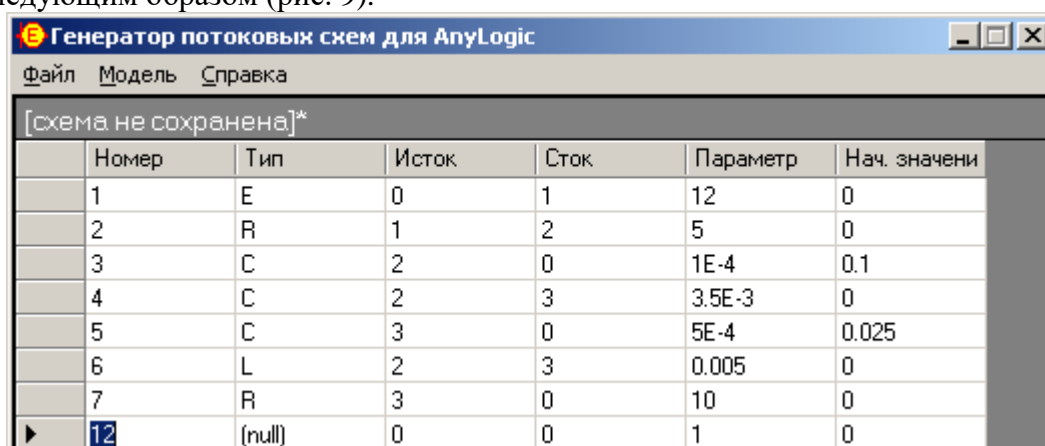
Рисунок 8. Составление системы уравнений.

4. Ввод электрической схемы в Stream. Каждый элемент схемы представляется строкой в таблице. Чтобы ввести атрибуты элементов, заполните соответствующие столбцы таблицы. Чтобы добавить новый элемент перейдите на последнюю строку таблицы и заполните ее. Для удаления строки из таблицы выделите ее щелчком мыши по маркеру строки и нажмите клавишу Delete. Добавление элемента к модели происходит только после перехода с редактируемой строки на другую. При вводе схемы в Stream для каждого необходимо определить следующее:

- уникальный номер – был определен при нумерации элементов;

- тип – определен ранее;
- узлы истока и стока – определяются по схеме и исходя из условно положительных направлений элементов;
- значение параметра – определяется исходя из конкретной задачи, может быть изменено в модели AnyLogic после ее создания;
- начальное значение – задается только для динамических элементов (C и L), для остальных элементов игнорируется. Может также быть изменено AnyLogic.

Номера элементов и узлов – целые неотрицательные числа. Типы элементов – заглавные или строчные латинские буквы e, c, l, r, i. Значения параметров и начальные значения элементов – действительные числа в обычной или экспоненциальной форме (например: “150”, “-3.58”, “1.02E06” и т. д.). Введенная в программу Stream схема будет выглядеть следующим образом (рис. 9).



Номер	Тип	Исток	Сток	Параметр	Нач. значени
1	E	0	1	12	0
2	R	1	2	5	0
3	C	2	0	1E-4	0.1
4	C	2	3	3.5E-3	0
5	C	3	0	5E-4	0.025
6	L	2	3	0.005	0
7	R	3	0	10	0
12	(null)	0	0	1	0

Рисунок 9.


#### Для лабораторной работы №4

Идентификация модели по экспериментальным данным предполагает:

- Выбор, в соответствии с особенностями объекта и условиями решаемой задачи, класса моделей, в котором будет строиться модель данного объекта, и критерия адекватности.
- Определение параметров модели, обеспечивающих наилучшие значения выбранного критерия адекватности (наилучшее совпадение выходных сигналов модели и объекта при одинаковых входных воздействиях).

Выполнение работы предполагает:

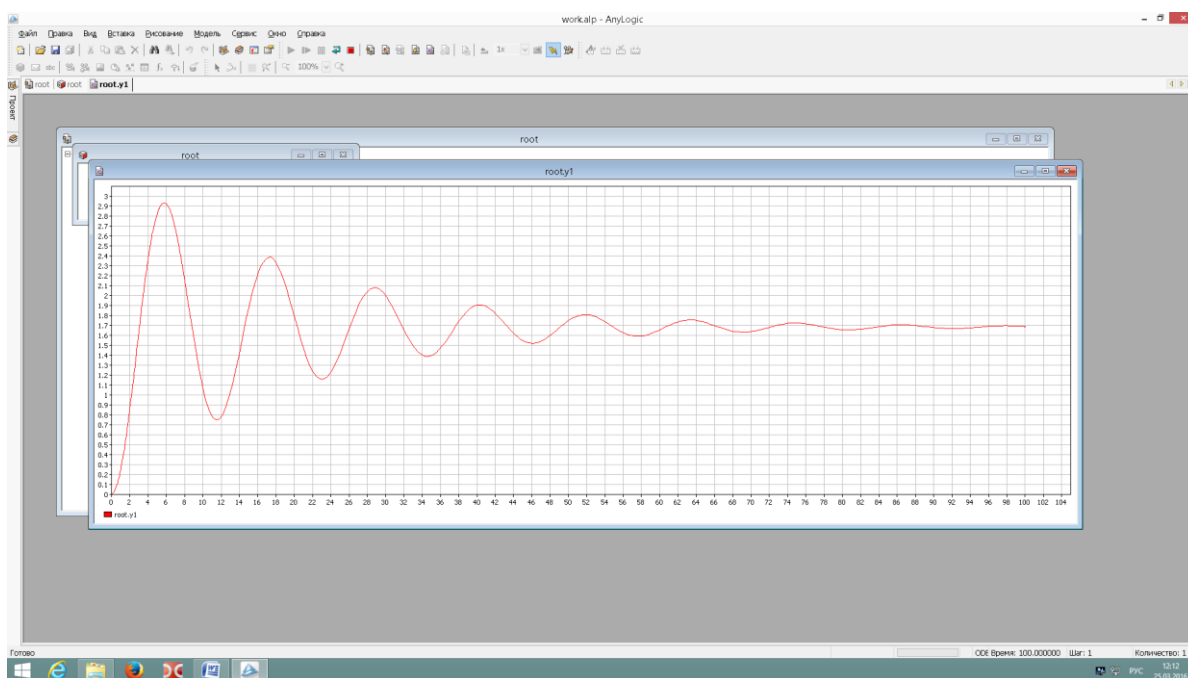
1. Наблюдая переходный процесс в объекте при единичном входном воздействии, определить:
  - Коэффициент передачи на нулевой частоте  $K=b_0/a_0$ .
  - Частоту собственных колебаний.
  - Показатель затухания. Для этого выполнить серию экспериментов – наблюдать переходный процесс в системе второго порядка при различных значениях показателя затухания и сравнить их с переходным процессом в вашем объекте.
2. Задавшись значением одного из параметров, определить остальные параметры модели (рекомендуется задаться значением параметра  $b_0$ ).
3. Построить структурную схему процесса оптимизации параметров.
4. Сравнить переходные процессы объекта и модели, зафиксировать накопленную погрешность при неоптимальных значениях параметров.
5. Реализовать процедуру оптимизации параметров.
6. Сравнить переходные процессы объекта и модели при оптимальных значениях параметров. Сравнить результаты, полученные до и после оптимизации (накопленные ошибки).

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

7. Идентифицируйте объект в частотной области – определите амплитудно-частотную характеристику «вручную». Найдите АЧХ модели с использованием пакета frequency. Сравните АЧХ. Особо обратите внимание на собственные частоты и коэффициенты передачи: полученные экспериментально во временной области и с помощью пакета frequency (по амплитудно-частотной характеристике).

#### ПРИЛОЖЕНИЕ 1. Оценка параметров модели.

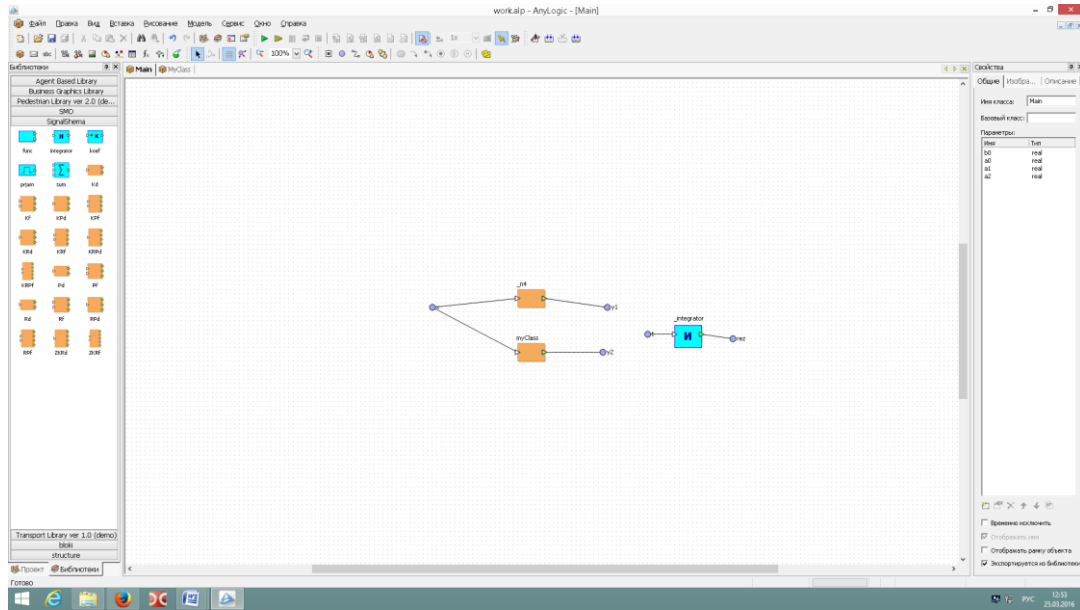
Коэффициент передачи на нулевой частоте равен  $K=b_0/a_0$ . Определить его можно экспериментально как отношение сигналов на выходе и входе объекта в установившемся режиме. После этого, задавшись значением  $b_0$ , можно найти  $a_0$ . Собственную частоту системы можно оценить по переходному процессу во временной области; аналогично определяется показатель успокоения. Далее, зная экспериментальные оценки найдем значения остальных параметров модели.



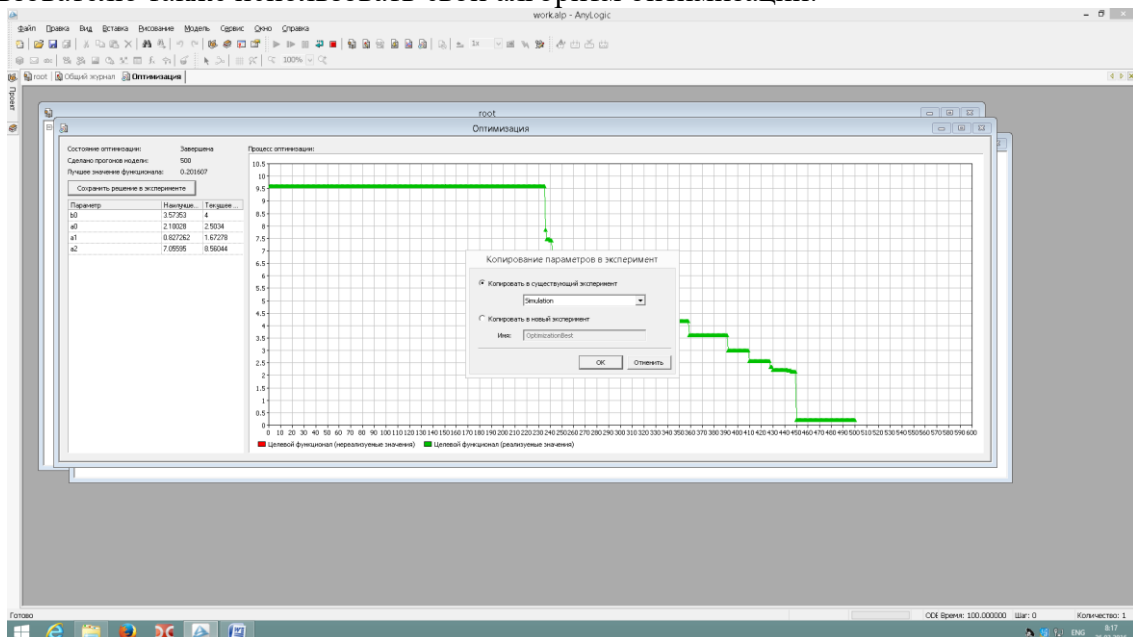
ПРИЛОЖЕНИЕ 2. Для нахождения АЧХ воспользуйтесь пакетом frequency. При этом помните, что модель должна быть представлена в виде структурной схемы, а входной и выходной переменным должны быть присвоены имена src и dest соответственно.

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. При оптимизации параметров рекомендуется использовать среднеквадратичный критерий адекватности модели и объекта. На входы модели и объекта подается один и тот же сигнал, на выходе сигналы вычитаются, разность возводится в квадрат и подается на интегратор. На выходе интегратора мы получаем накопленную погрешность, которая минимизируется в процессе оптимизации. Для этого используется встроенная процедура оптимизации. Структуру модели считаем заданной в виде звена второго порядка. Коэффициенты следует ввести в символьном виде:  $b_0$ ,  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$ . Не забудьте задать их численные значения, определенные по результатам эксперимента с объектом.






**ПРИЛОЖЕНИЕ 4. Оптимизация параметров в среде AnyLogic.** Оптимизационный эксперимент в AnyLogic позволяет найти такие значения параметров модели, при которых обращается в минимум или максимум некоторая определенная пользователем целевая функция. Значение целевой функции подсчитываются в AnyLogic каждый раз по окончании очередного выполнения модели, и алгоритм оптимизации автоматически выбирает новые значения параметров для очередного запуска модели. Оптимизация в AnyLogic реализована с использованием пакета OptQuest фирмы OptTek. Для оптимизации пользователь должен в соответствующих окнах задать функционал, который следует минимизировать либо максимизировать, задать параметры и ограничения их диапазона, в которых должна выполняться оптимизация, а также указать ограничения, определяющие класс допустимых решений. Задав все это, пользователь может запустить оптимизацию, и пакет OptQuest после некоторого числа проб автоматически выберет наилучший метод оптимизации для данной модели среди тех методов, которые находятся в его библиотеке, и будет следовать выбранному оптимизационному алгоритму. Интерфейс AnyLogic позволяет пользователю также использовать свой алгоритм оптимизации.





Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

## 11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### а) Список рекомендуемой литературы

#### основная

1. Карпов Ю.Г. Имитационное моделирование систем. – СПб.: БХВ-Петербург, 2005.– 400 с.
2. Боев, В. Д. Имитационное моделирование систем : учебное пособие для прикладного бакалавриата / В. Д. Боев. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 253 с. — (Бакалавр. Прикладной курс). — ISBN 978-5-534-04734-9. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://www.biblio-online.ru/bcode/438785>
3. Шелухин О.И., Моделирование информационных систем : Учебное пособие для вузов / Шелухин О.И. – 2-е изд., перераб. и доп. – М. : Горячая линия – Телеком, 2012. – 516 с. – ISBN 978-5-9912-0193-3 – Текст : электронный // ЭБС «Консультант студента» : [сайт]. – URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785991201933.html>

#### дополнительная

1. Лисяк В.В., Моделирование информационных систем : учебное пособие / Лисяк В.В. – Ростов н/Д : Изд-во ЮФУ, 2018. – 88 с. – ISBN 978-5-9275-2881-3 – Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. – URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785927528813.html>
2. Зариковская, Н. В. Математическое моделирование систем : учебное пособие / Н. В. Зариковская. — Томск : Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, 2014. — 168 с. — ISBN 2227-8397. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <http://www.iprbookshop.ru/72124.html>
3. Советов, Б. Я. Моделирование систем : учебник для академического бакалавриата / Б. Я. Советов, С. А. Яковлев. — 7-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 343 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-3916-3. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://www.biblio-online.ru/bcode/425228>
4. Моделирование систем и процессов. Практикум : учебное пособие для академического бакалавриата / В. Н. Волкова [и др.] ; под редакцией В. Н. Волковой. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 295 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-01442-6. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://www.biblio-online.ru/bcode/436475>

#### учебно-методическая

1. Семушин, И. В. Стохастические модели, оценки и управление : раздел: Детерминистские модели динамических систем: метод. пособие / И.В. Семушин, Ю. В. Цыганова ; УлГУ. – Ульяновск : УлГУ, 2007.
2. Кумунжиев, К. В. Теория систем и системный анализ : учеб. пособие. Ч.1-2 : / К.В. Кумунжиев ; УлГУ. – Ульяновск : УлГУ, 2003.
3. Цыганова Ю. В. Методические указания для самостоятельной работы студентов по дисциплине «Имитационное моделирование» для студентов бакалавриата по направлениям 09.03.03 «Прикладная информатика», 02.03.03 «Математическое обеспечение и администрирование информационных систем», 09.03.02 «Информационные системы и технологии», 11.03.02 «Инфокоммуникационные технологии и системы связи» очной формы обучения. - 2022. - 38 с. - Неопубликованный ресурс. - URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/13470>. - Режим доступа: ЭБС УлГУ. - Текст : электронный.

Согласовано:

**ДИРЕКТОР НБ**

Должность сотрудника научной библиотеки


**БУРХАНОВА М.М.**

ФИО

*Бурханова М.М.*

подпись

дата

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

## б) Программное обеспечение

Для образовательного процесса по данной дисциплине необходим стационарный класс ПК с установленным следующим программным обеспечением:

- операционная среда ОС Windows/Linux;
- программная система AnyLogic;
- программная система Scilab.

## в) Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы

### 1. Электронно-библиотечные системы:

1.1. Цифровой образовательный ресурс IPRsmart : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Компания «Ай Пи Ар Медиа». - Саратов, [2023]. – URL: <http://www.iprbookshop.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.2. Образовательная платформа ЮРАЙТ : образовательный ресурс, электронная библиотека : сайт / ООО Электронное издательство «ЮРАЙТ». – Москва, [2023]. - URL: <https://urait.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.3. База данных «Электронная библиотека технического ВУЗа (ЭБС «Консультант студента») : электронно-библиотечная система : сайт / ООО «Политехресурс». – Москва, [2023]. – URL: <https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.4. Консультант врача. Электронная медицинская библиотека : база данных : сайт / ООО «Высшая школа организации и управления здравоохранением-Комплексный медицинский консалтинг». – Москва, [2023]. – URL: <https://www.rosmedlib.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.5. Большая медицинская библиотека : электронно-библиотечная система : сайт / ООО «Букап». – Томск, [2023]. – URL: <https://www.books-up.ru/ru/library/>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.6. ЭБС Лань : электронно-библиотечная система : сайт / ООО ЭБС «Лань». – Санкт-Петербург, [2023]. – URL: <https://e.lanbook.com>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.7. ЭБС Znanium.com : электронно-библиотечная система : сайт / ООО «Знаниум». - Москва, [2023]. - URL: <http://znanium.com>. – Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

**2. КонсультантПлюс** [Электронный ресурс]: справочная правовая система. / ООО «Консультант Плюс» - Электрон. дан. - Москва : КонсультантПлюс, [2023].

### 3. Базы данных периодических изданий:


3.1. eLIBRARY.RU: научная электронная библиотека : сайт / ООО «Научная Электронная Библиотека». – Москва, [2023]. – URL: <http://elibrary.ru>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный

3.2. Электронная библиотека «Издательского дома «Гребенников» (Grebinnikon) : электронная библиотека / ООО ИД «Гребенников». – Москва, [2023]. – URL: <https://id2.action-media.ru/Personal/Products>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

**4. Федеральная государственная информационная система «Национальная электронная библиотека»** : электронная библиотека : сайт / ФГБУ РГБ. – Москва, [2023]. – URL: <https://нэб.рф>. – Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.

**5. Российское образование** : федеральный портал / учредитель ФГАУ «ФИЦТО». – URL: <http://www.edu.ru>. – Текст : электронный.

**6. Электронная библиотечная система УлГУ** : модуль «Электронная библиотека» АБИС Мега-ПРО / ООО «Дата Экспресс». – URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web>. –

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.

Согласовано:

Начальник УИТТ / Бурдин П.П. /  / 15.05.2023 г.  
Должность сотрудника УИТТ / ФИО / дата

## 12. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Аудитории для проведения лекций, семинарских занятий, для проведения лабораторных работ, для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, групповых и индивидуальных консультаций.

Аудитории укомплектованы специализированной мебелью, учебной доской. Аудитории для проведения лекций оборудованы мультимедийным оборудованием для представления информации большой аудитории. Помещения для самостоятельной работы оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде, электронно-библиотечной системе. Перечень оборудования, используемого в учебном процессе, указывается в соответствии со сведениями о материально-техническом обеспечении и оснащенности образовательного процесса, размещенными на официальном сайте УлГУ в разделе «Сведения об образовательной организации».

## 13. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

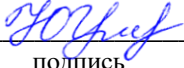
В случае необходимости, обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья (по заявлению обучающегося) могут предлагаться одни из следующих вариантов восприятия информации с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

– для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; в форме аудиофайла (перевод учебных материалов в аудиоформат); в печатной форме на языке Брайля; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;


– для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного документа; видеоматериалы с субтитрами; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;

– для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; в форме аудиофайла; индивидуальные задания и консультации.

В случае необходимости использования в учебном процессе частично/исключительно дистанционных образовательных технологий, организация работы ППС с обучающимися с ОВЗ и инвалидами предусматривается в электронной информационно-образовательной среде с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

Разработчик  профессор каф. ИТ /Цыганова Ю.В./  
подпись / должность / ФИО

### ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ

№ п/п	Содержание изменения или ссылка на прилагаемый текст изменения	ФИО заведующего кафедрой, реализующей дисциплину/вы- пускающей кафедрой	Подпись	Дата
1	Внесение изменений в п.п. в) Профессиональные базы данных, информационно- справочные системы п. 11 «Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины» в пункт в) (см. ниже)	Смагин А.А.		12.09.2024

## 11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### в) Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы:

- 1.1. Цифровой образовательный ресурс IPRsmart : электронно-библиотечная система : сайт /ООО Компания «Ай Пи Ар Медиа». - Саратов, [2024]. – URL: <http://www.iprbookshop.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.
- 1.2. Образовательная платформа ЮРАЙТ : образовательный ресурс, электронная библиотека : сайт / ООО Электронное издательство ЮРАЙТ. – Москва, [2024]. - URL: <https://urait.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.
- 1.3. База данных «Электронная библиотека технического ВУЗа (ЭБС «Консультант студента») : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Политехресурс. – Москва, [2024]. – URL: <https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.
- 1.4. Консультант врача. Электронная медицинская библиотека : база данных : сайт / ООО Высшая школа организации и управления здравоохранением-Комплексный медицинский консалтинг. – Москва, [2024]. – URL: <https://www.rosmedlib.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.
- 1.5. Большая медицинская библиотека : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Букап. –Томск, [2024]. – URL: <https://www.books-up.ru/ru/library/>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.
- 1.6. ЭБС Лань : электронно-библиотечная система : сайт / ООО ЭБС Лань. – Санкт-Петербург, [2024]. – URL: <https://e.lanbook.com>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.
- 1.7. ЭБС Znanium.com : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Знаниум. - Москва, [2024]. - URL: <http://znanium.com>. – Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.
2. КонсультантПлюс [Электронный ресурс]: справочная правовая система. /ООО «Консультант Плюс» - Электрон. дан. - Москва : КонсультантПлюс, [2024].
3. eLIBRARY.RU: научная электронная библиотека : сайт / ООО «Научная Электронная Библиотека». – Москва, [2024]. – URL: <http://elibrary.ru>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный
4. Федеральная государственная информационная система «Национальная электронная библиотека» : электронная библиотека : сайт / ФГБУ РГБ. – Москва, [2024]. – URL: <https://нэб.рф>. – Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.
5. Российское образование : федеральный портал / учредитель ФГАУ «ФИЦТО». – URL: <http://www.edu.ru>. – Текст : электронный.
6. Электронная библиотечная система УлГУ : модуль «Электронная библиотека» АБИС Мега-ПРО / ООО «Дата Экспресс». – URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/>

Согласовано:

Нечаловская О.А. | Тихонова Н.А. | [Подпись] | 21.05.2024  
Должность сотрудника ..... ФИО ..... подпись ..... дата